

НАЦІОНАЛЬНА  
АКАДЕМІЯ НАУК  
УКРАЇНИ

ІНСТИТУТ  
ПРИКЛАДНИХ  
ПРОБЛЕМ  
МЕХАНІКИ І  
МАТЕМАТИКИ  
ім. Я. С. ПІДСТРИГАЧА

# МАТЕМАТИЧНІ МЕТОДИ ТА ФІЗИКО- МЕХАНІЧНІ ПОЛЯ

НАУКОВИЙ ЖУРНАЛ

ЗАСНОВАНО 1975 р.

Том 51, № 3

ЛЬВІВ 2008

## ЗМІСТ

Інститут прикладних проблем механіки і математики ім. Я. С. Підстригача Національної академії наук України (до 30-річчя від дня заснування) .	7
Макаров В. Л., Демків І. І. Зв'язок інтерполяційних інтегральних ланцюгових дробів з інтерполяційними гіллястими ланцюговими дробами .....	13
Пелих В. О. Умови енергодомінантності і спеціальний ортонормований базис Сена – Віттена .....	21
Григорян Ф. П. О расщеплении линейных нестационарных систем дифферен- циальных уравнений.....	29
Лавренюк С. П., Панат О. Т. Необмеженість розв'язків одного гіперболічного рівняння третього порядку .....	36
Подлевський Б. М. Чисельне розв'язування деяких двопараметричних задач на власні значення .....	46
Хорошун Л. П. Термодинамические и статистические основы теории упруго- вязкопластического деформирования и упрочнения материалов .....	52
Камінський А. О., Селіванов М. Ф., Чорноіван Ю. О. Визначення ефективних характеристик в'язкопружного композита, релаксація компонентів яко- го описується експонентами різних дробових порядків .....	69
Доля Е. В., Червінко О. П., Сенченков І. К. Тепловая неустойчивость слоистой вязкоупругой прямоугольной призмы при высокочастотном сдвигово- том нагружении .....	80
Карнаухов В. Г., Сичко В. М., Карпенюк А. С. Влияние физической нелиней- ности на резонансные колебания и диссипативный разогрев неупругих прямоугольных пластин .....	90
	1

<i>Селезов И. Т. Эволюционное уравнение распространения поверхностных гравитационных волн при наличии донного возбуждения . . . . .</i>	99
<i>Вайсфельд Н. Д., Попов Г. Я., Саленко С. Д. Визначення хвильового поля усередині порожнистого конуса з вирізом уздовж твірної . . . . .</i>	105
<i>Григоренко О. Я., Єфімова Т. Л., Лоза І. А. Розв'язання осесиметричної задачі про вільні коливання п'єзокерамічних порожнистих циліндрів скінченної довжини методом сплайн-колокацій . . . . .</i>	112
<i>Лобода В. В., Ходанен Т. В. Задача термоелектромагнітопружності для п'єзоелектричного/п'єзомагнітного біматеріалу з міжфазною тріщиною . . . . .</i>	121
<i>Мольченко Л. В., Лоос І. І. Деформація кругового циліндра змінної жорсткості в магнітному полі в геометрично нелінійній постановці . . . . .</i>	133
<i>Шульга М. О. О соотношениях электромагнетизма в международной и гауссовой системах единиц . . . . .</i>	139
<i>Максимук О. В., Щербина Н. М., Махніцький Р. М., Гануліч Н. В. Напруженно-деформований стан і стійкість полімерних труб зі стільниковою стінкою . . . . .</i>	145
<i>Токовий Ю. В., Ханг К.-М., Ма Ч.-Ч. Визначення напружень і переміщень у тонкому кільцевому диску під дією діаметрального стиску . . . . .</i>	152
<i>Мартиняк Р. М., Чумак К. А. Термопружний контакт півпросторів, що мають однакові термічні дистортивності, за наявності теплопроникного міжповерхневого просвіту . . . . .</i>	163
<i>Bogdanov V. L. Influence of initial stresses on fracture of composite materials containing interacting cracks . . . . .</i>	176
<i>Рушицький Я. Я. Фрагменти теорії нанотранзисторів: перемикання плоскої поперечної гіперзвукової хвилі в нелінійно пружних нанокомпозитних матеріалах . . . . .</i>	186
<i>Datsko B. Y., Gafiychuk V. V. Mathematical modeling of fractional reaction-diffusion systems with different order time derivatives . . . . .</i>	193
<i>Гачкевич О. Р., Терлецький Р. Ф., Брухаль М. Б. Деякі проблеми математичного моделювання в термомеханіці тіл різної прозорості за теплового опромінення . . . . .</i>	202
<i>Няшин Ю. И., Симановская Е. Ю., Лохов В. А., Тверье В. М. Биомеханика зубочелюстной системы человека . . . . .</i>	220
<b>ХРОНІКА ТА ІНФОРМАЦІЯ</b>	
<i>До 70-річчя академіка НАН України В. Д. Кубенка . . . . .</i>	225
<i>До 60-річчя професора В. С. Поповича . . . . .</i>	227
<i>До 60-річчя професора Г. Т. Сулима . . . . .</i>	229
<i>До 60-річчя професора Є. Я. Чаплі . . . . .</i>	231
<i>Друга Міжнародна наукова конференція «Сучасні проблеми механіки та математики» . . . . .</i>	233
<i>[Степан Якимович Ярема (19.10.1926–09.06.2008)] . . . . .</i>	235

НАЦИОНАЛЬНАЯ  
АКАДЕМИЯ НАУК  
УКРАИНЫ  
  
ИНСТИТУТ  
ПРИКЛАДНЫХ  
ПРОБЛЕМ  
МЕХАНИКИ И  
МАТЕМАТИКИ  
им. Я. С. ПОДСТРИГАЧА

# МАТЕМАТИЧЕСКИЕ МЕТОДЫ И ФИЗИКО- МЕХАНИЧЕСКИЕ ПОЛЯ

НАУЧНЫЙ ЖУРНАЛ

ОСНОВАН В 1975 г.

Том 51, № 3

ЛЬВОВ 2008

## СОДЕРЖАНИЕ

Институт прикладных проблем механики и математики им. Я. С. Подстрягача Национальной академии наук Украины (к 30-летию со дня основания) . . . . .	7
Макаров В. Л., Демкiv I. I. Связь интерполяционных интегральных цепных дробей с интерполяционными ветвящимися цепными дробями . . . . .	13
Пелых B. A. Условия энергодоминантности и специальный ортонормированный базис Сена – Виттена . . . . .	21
Григорян F. P. О расщеплении линейных нестационарных систем дифференциальных уравнений . . . . .	29
Лавренюк C. P., Панат O. T. Неограниченность решений одного гиперболического уравнения третьего порядка . . . . .	36
Подлевский B. M. Численное решение некоторых двухпараметрических задач на собственные значения . . . . .	46
Хорошун L. P. Термодинамические и статистические основы теории упруго- вязкопластического деформирования и упрочнения материалов . . . . .	52
Каминский A. A., Селиванов M. F., Чорноиван Ю. А. Определение эффектививных характеристик вязкоупругого композита, релаксация компонент которого описывается экспонентами разных дробных порядков . . . . .	69
Доля E. B., Червінко O. P., Сенченков I. K. Тепловая неустойчивость слоистой вязкоупругой прямоугольной призмы при высокочастотном сдвиговом нагружении . . . . .	80
Карнаухов B. Г., Сичко B. M., Карпенюк A. C. Влияние физической нелинейности на резонансные колебания и диссипативный разогрев неупругих прямоугольных пластин . . . . .	90
	3

<i>Селезов И. Т. Эволюционное уравнение распространения поверхностных гравитационных волн при наличии донного возбуждения . . . . .</i>	99
<i>Вайсфельд Н. Д., Попов Г. Я., Саленко С. Д. Определение волнового поля внутри полого конуса с вырезом вдоль образующей . . . . .</i>	105
<i>Григоренко А. Я., Ефимова Т. Л., Лоза И. А. Решение осесимметричной задачи о свободных колебаниях пьезокерамических полых цилиндров конечной длины методом сплайн-коллокаций . . . . .</i>	112
<i>Лобода В. В., Ходанен Т. В. Задача термоэлектромагнитоупругости для пьезоэлектрического/пьезомагнитного биматериала с межфазной трещиной .</i>	121
<i>Мольченко Л. В., Лоос И. И. Деформация кругового цилиндра переменной жесткости в магнитном поле в геометрически нелинейной постановке . . . . .</i>	133
<i>Шульга М. О. О соотношениях электромагнетизма в международной и гауссовой системах единиц . . . . .</i>	139
<i>Максимук А. В., Щербина Н. Н., Махницкий Р. Н., Ганулич Н. В. Напряженно-деформированное состояние и устойчивость полимерных труб с сотовой стенкой . . . . .</i>	145
<i>Токовый Ю. В., Ханг К.-М., Ма Ч.-Ч. Определение напряжений и перемещений в тонком кольцевом диске под воздействием диаметрального сжатия . . . . .</i>	152
<i>Мартыняк Р. М., Чумак К. А. Термоупругий контакт полупространств, имеющих одинаковые термические дистортивности, при наличии теплопроницаемого межповерхностного зазора . . . . .</i>	163
<i>Богданов В. Л. Влияние начальных напряжений на разрушение композитных материалов с взаимодействующими трещинами . . . . .</i>	176
<i>Руцицкий Я. Я. Фрагменты теории нанотранзисторов: самопереключение плоской поперечной гиперзвуковой волны в нелинейно упругих нанокомпозитных материалах . . . . .</i>	186
<i>Гафийчук В. В., Дацко Б. И. Математическое моделирование дробных систем реакции-диффузии с временными производными разного порядка . . . . .</i>	193
<i>Гачкевич А. Р., Терлецкий Р. Ф., Брухаль М. Б. Некоторые проблемы математического моделирования в термомеханике тел различной прозрачности при тепловом облучении . . . . .</i>	202
<i>Няшин Ю. И., Симановская Е. Ю., Лохов В. А., Тверье В. М. Биомеханика зубочелюстной системы человека . . . . .</i>	220
<b>ХРОНИКА И ИНФОРМАЦИЯ</b>	
<i>К 70-летию академика НАН Украины В. Д. Кубенка . . . . .</i>	225
<i>К 60-летию профессора В. С. Поповича . . . . .</i>	227
<i>К 60-летию профессора Г. Т. Сулыма . . . . .</i>	229
<i>К 60-летию профессора Е. Я. Чапли . . . . .</i>	231
<i>Вторая Международная научная конференция «Современные проблемы механики и математики» . . . . .</i>	233
<i>[Степан Якимович Ярема (19.10.1926–09.06.2008)] . . . . .</i>	235

NATIONAL  
ACADEMY  
OF SCIENCES  
OF UKRAINE

PIDSTRYHACH  
INSTITUTE OF  
APPLIED PROBLEMS  
OF MECHANICS AND  
MATHEMATICS

# MATHEMATICAL METHODS and PHYSICOMECHANICAL FIELDS

SCIENTIFIC JOURNAL

FOUNDED IN 1975

**Vol. 51, No. 3**

L'viv 2008

---

---

## CONTENTS

Pidstryhach Institute of Applied Problems of Mechanics and Mathematics of National Academy of Sciences of Ukraine (to the 30-th anniversary) . . . . .	7
<i>Makarov V. L., Demkiv I. I.</i> On connection of interpolating integral continued fractions with interpolating branched continued fractions . . . . .	13
<i>Pelykh V. O.</i> Dominant energy condition and Sen – Witten special orthonormal frame . . . . .	21
<i>Grigoryan F. P.</i> On splitting of linear non-stationary systems of differential equations . . . . .	29
<i>Lavrenyuk S. P., Panat O. T.</i> Unboundedness of solutions of one hyperbolic third order equation . . . . .	36
<i>Podlevskyi B. M.</i> Numerical solution of some two-parameter eigenvalue problems . . . . .	46
<i>Khoroshun L. P.</i> Thermodynamic and statistical principles of the theory of elasto-viscoplastic deformation and strengthening of materials . . . . .	52
<i>Kaminsky A. A., Selivanov M. F., Chornoivan Yu. O.</i> Determination of effective properties of viscoelastic composite with relaxation of components in a form of different fractional exponents . . . . .	69
<i>Dolia E. V., Chervinko O. P., Senchenkov I. K.</i> Thermal instability of layered viscoelastic rectangular prism sustaining high frequency shear loading ..	80
<i>Karnaughov V. G., Sichko V. M., Karpenyuk A. S.</i> Influence of physical nonlinearity on resonant vibrations and dissipative heating of inelastic rectangular plates . . . . .	90

<i>Selezov I. T.</i> Evolution equation of surface gravity wave propagation in the presence of bottom excitation .....	99
<i>Vaysfeld N. D., Popov G. Ya., Salenko S. D.</i> Determination of wave field inside hollow cone with cutout parallel to cone generatrix .....	105
<i>Grigorenko A. Y., Efimova T. L., Loza I. A.</i> Solution of axisymmetric problem on free vibrations of piezoceramic hollow cylinders of finite length by spline-collocation method .....	112
<i>Loboda V. V., Khodanen T. V.</i> Problem of thermoelectromagnetoelasticity for piezoelectric/piezomagnetic bimaterial with interface crack .....	121
<i>Molchenko L. V., Loos I. I.</i> Deformation of circular cylinder of variable stiffness in magnetic field in geometrically nonlinear formulation .....	133
<i>Shul'ga M. O.</i> On relations of electromagnetism in international and Gaussian systems of units .....	139
<i>Maksymuk O. V., Shcherbyna N. M., Makhnic'kyi R. M., Hanulich N. V.</i> Stress-strain state and stability of polymeric tubes with honeycomb wall .....	145
<i>Tokovyy Yu. V., Hung K.-M., Ma C.-C.</i> Determination of stresses and displacements in a thin annular disk subjected to diametral compression .....	152
<i>Martynyak R. M., Chumak K. A.</i> Identical thermal distortivity half-spaces thermoelastic contact in presence of permeable to heat interfacial gap .....	163
<i>Bogdanov V. L.</i> Influence of initial stresses on fracture of composite materials containing interacting cracks .....	176
<i>Rushchitsky J. J.</i> Fragments of the theory of nanotransistors: self-switching of plane transverse hypersound wave in nonlinearly elastic nanocomposite materials .....	186
<i>Datsko B. Y., Gafiychuk V. V.</i> Mathematical modeling of fractional reaction-diffusion systems with different order time derivatives .....	193
<i>Hachkevych A. R., Terletskii R. F., Brukhal M. B.</i> Some problems of mathematical modeling in thermomechanics of solids of various transparency subjected to thermal radiation .....	202
<i>Nyashin Y. I., Simanovskaya E. Y., Lokhov V. A., Tverier V. M.</i> Biomechanics of the human dentofacial system .....	220
<b>NEW ITEMS AND INFORMATION</b>	
<i>To the 70-th birth anniversary of academician V. D. Kubenko</i> .....	225
<i>To the 60-th birth anniversary of professor V. S. Popovych</i> .....	227
<i>To the 60-th birth anniversary of professor G. T. Sulym</i> .....	229
<i>To the 60-th birth anniversary of professor Ye. Ya. Chapla</i> .....	231
<i>The 2-nd International Conference «Modern Problems of Mechanics and Mathematics»</i> .....	233
<b>[Stepan Yakymovich Yarema (19.10.1926–09.06.2008)]</b> .....	235